



## GUÍA DE MATEMÁTICA

| Nombre   | Curso                                   | Fecha   |
|--|---|---|
|  | 3° medio A-B-C                          | Semana del 30 de marzo al 3 de abril del 2020 |
| Objetivo de Aprendizaje  | Contenido                               | Destrezas                                     |
| Resolver problemas que no tienen solución en el conjunto de los números reales | -Unidad imaginaria<br>-Potencias de $i$ | Conocer-aplicar-calcular                      |

### RESUELVE EN TU CUADERNO DE EJERCICIOS DE MANERA CLARA Y ORDENADA.

- La próxima semana serán publicadas las respuestas para que puedas revisar y corregir
- Si tienes dudas o consultas, escíbeme al correo: [pdonoso@sanfernandocollege.cl](mailto:pdonoso@sanfernandocollege.cl)  
De lunes a viernes de 8:00 a 17:00 hrs

### Potencias de $i$ .

La potencia del número imaginario  $i$ , se puede obtener tomando como base las siguientes equivalencias:

$$i^0 = 1 ,$$

$$i^1 = i ,$$

$$i^2 = -1 ,$$

$$i^3 = -i ,$$

Luego, para obtener cualquier potencia de  $i$ , debes dividir el exponente entre 4 y quedarte con el **resto**, ahora con el resto calculado y con las potencias anteriores ya sabrás el resultado de la potencia de  $i$ .

Ejemplos: Simplifica las siguientes potencias de  $i$

1)  $i^{12}$

Para calcular  $i^{12}$ , dividimos 12 entre 4. De manera que obtenemos resto 0, por lo tanto  $i^{12} = i^0$ . Luego, observamos que  $i^0 = 1$ .

Finalmente:

$$i^{12} = i^0 = 1$$

- *Para anotar este procedimiento de manera simplificada, utilizaremos la función MOD, lo que hace esta función es que divide un número entre otro y devuelve el resto*

“Si añades un poco a lo poco y lo haces así con frecuencia, pronto llegará a ser mucho” (Hesíodo)



2)  $i^{33}$

Para calcular  $i^{33}$ , dividimos 33 entre 4. De manera que obtenemos resto 1. Luego, tenemos que:

$$i^{33} = i^{33 \bmod 4} = i^1 = i$$

3)  $i^{-9}$

Para calcular  $i^{-9}$ , dividimos 9 entre 4. De manera que obtenemos resto 1. Luego, tenemos que:

$$i^{-9} = i^{-(9 \bmod 4)} = i^{-1} = \frac{1}{i}$$

4)  $i^{123}$

Para calcular  $i^{123}$ , dividimos 123 entre 4. De manera que obtenemos resto 3. Luego, tenemos que:

$$i^{123} = i^{123 \bmod 4} = i^3 = -i$$

## EJERCICIOS

- I. Escribe las expresiones usando la unidad imaginaria  $i$ , luego realiza las operaciones indicadas, como en la reducción algebraica y además considerar las potencias de  $i$  cuando corresponda

1)  $2i + 7i =$

2)  $\sqrt{-2} \cdot (\sqrt{-8} - 3) =$

3)  $5i \cdot 7i =$

4)  $3i - \sqrt{-16} + 2 \cdot 4i =$

5)  $\sqrt{-121} - \sqrt{-100} =$

6)  $-\sqrt{-0.04} =$

7)  $-3 \cdot \sqrt{23-104} =$

8)  $7 \cdot \sqrt{-49} - \sqrt{-\frac{49}{4}} =$

9)  $\frac{1}{8} \cdot \sqrt{-\sqrt[3]{64}} + \sqrt[3]{\sqrt{64}i} =$

10)  $\frac{\sqrt{-98} + \sqrt{-32} - \sqrt{-128}}{2\sqrt{196} - \sqrt{144}} =$

“Si añades un poco a lo poco y lo haces así con frecuencia, pronto llegará a ser mucho” (Hesíodo)



II. Calcula el valor de las siguientes potencias de  $i$

- 1)  $i^7 =$
- 2)  $i^{14} =$
- 3)  $i^{25} =$
- 4)  $i^{56} =$
- 5)  $i^{721} =$
- 6)  $i^{100} + i^{82} =$
- 7)  $2i^9 + 12i^{15} =$
- 8)  $3i^{50} - 7i^{64} =$
- 9)  $\frac{-11i^{31} + 12i^{67}}{-i^{2020}} =$
- 10)  $\frac{i^{17} + i^{16}}{i^{22} - i^{31}} + =$

SOLUCIONARIO GUÍA N° 1

|  |   |   |
|--|---|---|
| <p>I.</p> <ol style="list-style-type: none"><li>1) <math>x = 5</math><br/><math>\in \mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math></li><li>2) <math>x = -5</math><br/><math>\in \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math></li><li>3) <math>x = -\frac{5}{4}</math><br/><math>\in \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math></li><li>4) <math>x_1 = 5i</math><br/><math>x_2 = -5i</math><br/><math>\in \mathbb{C}</math></li><li>5) <math>x_1 = 8 \in \mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math><br/><math>x_2 = -8 \in \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math></li><li>6) <math>x_1 = 1 + 2i</math><br/><math>x_2 = 1 - 2i</math><br/><math>\in \mathbb{C}</math></li></ol> | <ol style="list-style-type: none"><li>7) <math>x_1 = \frac{3 + \sqrt{3}i}{2}</math><br/><math>x_2 = \frac{3 - \sqrt{3}i}{2}</math><br/><math>\in \mathbb{C}</math></li><li>8) <math>x_1 = -2 \in \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math><br/><math>x_2 = -\frac{5}{2} \in \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math></li><li>9) <math>x_1 = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}</math><br/><math>x_2 = \frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}</math><br/><math>\in \mathbb{C}</math></li><li>10) <math>x = -1 \in \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}</math></li></ol> | <p>II.</p> <ol style="list-style-type: none"><li>1) <math>29i</math></li><li>2) <math>4i</math></li><li>3) <math>93i</math></li><li>4) <math>12i</math></li></ol> |
|--|---|---|